

Cambridge International AS & A Level

CANDIDATE NAME						
CENTRE NUMBER				CANDIDATE NUMBER		
MATHEMATIC	cs					9709/22
Paper 2 Pure N	1athematic	s 2		Oc	tober/Nov	vember 2022
			A	AME	1 hou	r 15 minutes
You must answ	er on the	question p	aper.			

INSTRUCTIONS

- Answer all questions.
- Use a black or dark blue pen. You may use an HB pencil for any diagrams or graphs.
- Write your name, centre number and candidate number in the boxes at the top of the page.
- Write your answer to each question in the space provided.
- Do not use an erasable pen or correction fluid.
- Do not write on any bar codes.

You will need: List of formulae (MF19)

- If additional space is needed, you should use the lined page at the end of this booklet; the question number or numbers must be clearly shown.
- You should use a calculator where appropriate.
- You must show all necessary working clearly; no marks will be given for unsupported answers from a calculator.
- Give non-exact numerical answers correct to 3 significant figures, or 1 decimal place for angles in degrees, unless a different level of accuracy is specified in the question.

INFORMATION

- The total mark for this paper is 50.
- The number of marks for each question or part question is shown in brackets [].

This document has 12 pages.

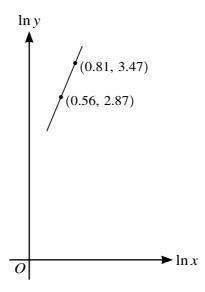
•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••	 •
•••	••••••
•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••	 •••••
•••	•••••
•••	 •••••
•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••	•••••
•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••	 •••••
•••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••	



						••••••					•••••
					••••••		••••••	••••••		•••••	•••••
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •										
•••••	••••••	•••••	••••••	••••••	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		••••••
•••••	•••••		•••••	•••••	•••••	•••••		•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		•••••
•••••	••••••	••••••	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	•••••
•••••						•••••		•••••			•••••
•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		••••••



3



The variables x and y satisfy the equation $y = Ax^k$, where A and k are constants. The graph of $\ln y$ against $\ln x$ is a straight line passing through the points (0.56, 2.87) and (0.81, 3.47), as shown in the diagram.

Find the value of k , and the value of A correct to 2 significant figures.	[5]
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	AD
AA	



4	The po	lynomial	p(x)	is (defined	by

$$p(x) = ax^3 + 23x^2 - ax - 8,$$

where a is a constant. It is given that (2x + 1) is a factor of p(x).

(a)	Find the value of a and hence factorise $p(x)$ completely.	[5]
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		.
		.
		· • • • •
(L)	$\mathbf{H}_{\mathbf{v}} = \mathbf{h}_{\mathbf{v}} + $	[2]
(D)	Hence solve the equation $p(e^{4y}) = 0$, giving your answer correct to 3 significant figures.	[2]
		••••
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		· • • • •
		Λ.
	AHL	AU



5 The curve with equation $y = x \ln(4x + 1) - 3x$ has one stationary point P.

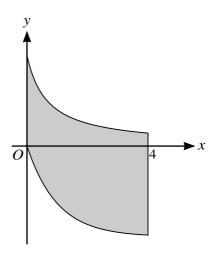
a)	Show that the x -coordinate of P satisfies the equation	
	$x = \frac{2x + 0.75}{\ln(4x + 1)} - 0.25.$	[4]
		•••••
		•••••
		•••••
		•••••
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
		•••••
		••••••
		••••••
		•••••
		•••••



•••••						• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••	•••••	 ••••••	•••••	•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••	•••••	 ••••••	•••••	•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••		 •••••			•••••	•••••
•••••••	•••••	 ••••••	••••••	•••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
		 	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
						e of <i>P</i> cor
						e of P cor
						e of P cor
						e of P cor
						e of P cor
						e of P coi
						e of P cor
Use an iterati to 3 significan						e of P cor
						e of P cor
						e of P cor
						e of P cor
						e of P cor
						e of P cor
						e of P con
						e of P cor
						e of P cor



6



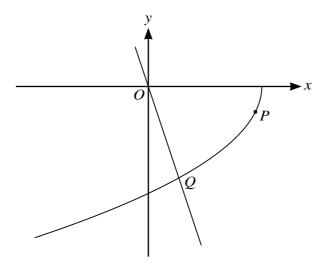
The diagram shows the curves $y = \frac{6}{3x+2}$ and $y = 3e^{-x} - 3$ for values of x between 0 and 4. The shaded region is bounded by the two curves and the lines x = 0 and x = 4.

Find the exact area of the shaded region, giving your answer in the form $\ln a + b + ce^d$. [9]
Z E A R
AREAD



AHEA

7



The diagram shows the curve with parametric equations

$$x = 3\cos 2\theta,$$
 $y = 4\sin \theta,$

for $\pi \le \theta \le \frac{3}{2}\pi$. Points *P* and *Q* lie on the curve. The gradient of the curve at *P* is 2. The straight line 3x + y = 0 meets the curve at *Q*.

(a)	Find the value of θ at P , giving your answer correct to 3 significant figures. [5]
	AHEAD

Find the gradient of the curve at Q , giving your answer correct to 3 significant figures.



Additional Page

must be clearly shown.						
			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			
•••••	•••••		•••••		•••••	
•••••	•••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		•••••	
	•••••					
••••••					•••••	
			•••••			
••••••	•••••		••••••	•	••••••	••••••
			•••••	•••••		
•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••		•••••	•••••
•••••	•••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		•••••	
			•••••			
••••••	••••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		••••••	••••••
	•••••				•••••	
•••••						
			••••			
			•••••			

Permission to reproduce items where third-party owned material protected by copyright is included has been sought and cleared where possible. Every reasonable effort has been made by the publisher (UCLES) to trace copyright holders, but if any items requiring clearance have unwittingly been included, the publisher will be pleased to make amends at the earliest possible opportunity.

To avoid the issue of disclosure of answer-related information to candidates, all copyright acknowledgements are reproduced online in the Cambridge Assessment International Education Copyright Acknowledgements Booklet. This is produced for each series of examinations and is freely available to download at www.cambridgeinternational.org after the live examination series.

Cambridge Assessment International Education is part of Cambridge Assessment. Cambridge Assessment is the brand name of the University of Local Examinations Syndicate (UCLES), which is a department of the University of Cambridge.